# 融合影像及數值資訊於多目標追蹤系統

黃聖強 國立彰化師範大學 電機工程系 m97622005@ mail.ncue.edu.tw 吳承翰 國立彰化師範大學 電機工程系 m97622020@ mail.ncue.edu.tw 蘇進東 大葉大學 電機工程系 disdong9616@ yahoo.com.tw

鍾翼能 國立彰化師範大學 電機工程系 ynchung@ cc.ncue.edu.tw

#### 摘要

在多目標追蹤(Multiple-Target Tracking, MTT)系統中,資料相關結合技術為判定雷達量 測訊號與既存目標關係的重要關鍵。本文提出 運用競爭式類神經網路(Competitive Hopfield Neural Network, CHNN)資料相關結合技術,追 蹤多個變速度的目標;擷取其特殊的運算架 構,有效改善傳統神經網路於資料相關結合 時,產生不合理的解。並應用影像處理技術, 將獲得的影像經影像處理程序,取得其中的特 徵數值資訊,提供至追蹤系統,加強其追蹤目 標的強度,使得量測訊號與目標能有更好的匹 配。經模擬結果顯示,本文提出的方法能有效 的解決在複雜的環境中資料相關結合技術的 問題。

**關鍵字:**影像及數值資訊、競爭式類神經網 路、資料相關結合技術、變速度追蹤

#### Abstract

The data association technique which will determine the correlation between measurements and existing targets plays an important role in Multiple-Target Tracking (MTT) systems. In this paper, we apply a data association technique based on Competitive Hopfield Neural Network (CHNN) for multiple-maneuvering target tracking. The basic concept of this approach is extracting its particular operation structure that reforms tradition Neural Network occasional irrational solutions efficiently. In order to enhance the tracking performance, we design one image processing flow diagram to obtain numerical information to tracking system. The computer simulation results indicate that the proposed approach can solve the data association problems efficiently under complex conditions.

**Keywords:** Image processing, Data association, Competitive Hopfield Neural Network

#### 1. 简介

隨著航空科技的發達,雷達追蹤系統不論 是應用於軍事或是民用,都已是現今社會不可 或缺的重要技術。在複雜的多目標追蹤 (Multiple-Targets Tracking, MTT)環境中,如何 有效的掌握目標的真實軌跡,是追蹤系統 (Tracking System)效能好壞的重要依據,其中以 資料相關結合技術(Data Association Technique) 與變速度(Maneuvering)的檢測最為關鍵。感測 器接收到量測資訊,時常夾帶許多雜訊,造成 追蹤系統錯誤的判斷,所以要如何排除雜訊的 干擾及正確判斷感測器接收之量測訊號與既 存目標軌跡的關係為本研究之重點。另一方 面,由於雷達無法直接量測目標的加速度,目 標突然的加速,造成追蹤系統在運算上的誤 差,若系統參數即時不加以修正,誤差會逐漸 擴大,最後導致追蹤失敗。因此,變速度 (Maneuvering)檢測技術[1-2]也是雷達追蹤中 重要的一個環節。

過去學者針對資料相關結合技術提出許 多的演算法,如應用於高度雜訊的環境的 JPDA(Joint-Probabilistic Data Association)[3-4] 理論; One-Step Conditional Maximum Likelihood 理論[5-6];具有學習能力及最佳化 運算之運算能力的 Hopfiled Neural Network[7-8];其將權重值輸入每個神經元, 神經元會更新使能量函數收斂,能量函數收斂 最後的狀態可得資料結合的結果。然而,此法 困難在於目標數與限制因素權重值的決定,導 致不正確的資料結合。而後,學者提出運用競 爭性類神經網路 Competitive Hopfield Neural Network(CHNN)[9-10],解決權重值於網路的 負擔。基於上述,本研究運用 CHNN 資料相關 結合技術融合影像數值資訊演算法於追蹤系 統,並以適應性追蹤架構輔助,達到最佳的追 蹤效果並同時解決資料相關結合及目標變速 時的問題。

### 2. 動態系統模型

根據追蹤位置,在移動目標中可由卡門濾 波器之理論定義出狀態變數方程式如下:

X(k+1) = F(k)X(k) + G(k)U(k) + W(k)(1)

Z(k) = H(k)X(k) + V(k) (2)

其中

- *X*(*k*): 系統狀態向量(State Vector)
- *Z*(*k*): 系統量測向量(Measurement Vector)
- F(k): 系統轉移矩陣(State Transition Matrix)
- *G*(*k*): 輸入控制矩陣(Control Matrix)
- U(k):變速度控制因子(Control Factor)
- *H*(*k*):量測矩陣(Measurement Matrix)
- W(k): 系統輸入狀態雜訊(State Noise)

*V*(*k*): 系統輸出量測雜訊(Measurement Noise)

X(k),代表時間k時,系統的狀態向量。 W(k)、V(k)為期望值零平均高斯分佈的白雜訊 (Zero mean, Gaussian white noise),分別有變異 數矩陣(Covariance matrix),Q(k)和R(k),兩雜 訊間互相獨立。

其中W(k)之變異數矩陣(Covariance matrix) O(k)可表示為:

$$E\left[W\left(i\right)W^{T}\left(j\right)\right] = \begin{cases} Q_{ij}(k), & i = j \\ 0, & i \neq j \end{cases}$$
(3)

其中V(k)之變異數矩陣(Covariance matrix) R(k)可表示為:

$$E\left[V(i)V^{T}(j)\right] = \begin{cases} R_{ij}(k), & i=j\\ 0, & i\neq j \end{cases}$$
(4)

目標的初始狀態假設為高斯分佈平均向 量  $\hat{X}(0|0)$  及共變異數矩陣 P(0|0)。在真實的 情況中,可由感測器提供大量接近目標的量測 訊號以確定任何目標的軌跡估測值,其要正確 地計算符合目標之封閉空間的量測訊號是相 當不容易的。因此,在資料相關結合技術中, 如何在多目標追蹤及結合量測向量 Z(k) 至已 存在的動態追蹤模型,值得好好探討。為解決 此問題,本文應用卡門濾波器遞迴運算的特 性,方程式推導如下:

$$\hat{X}(k|k) = \hat{X}(k|k-1) + K(k) \left[ Z(k) - h\left(\hat{X}(k|k-1)\right) \right]$$
(5)

 $\hat{X}(k+1|k) = F(k)\hat{X}(k|k)$ (6)

$$K(k) = P(k|k-1)H(k)^{T} S(k)^{-1}$$
(7)

$$S(k) = H(k)P(k|k-1)H(k)^{T} + R(k)$$
(8)

$$P(k|k) = P(k|k-1) - K(k)H(k)P(k|k-1)$$
(9)

$$P(k+1|k) = F(k)P(k|k)F(k)^{T} + G(k)Q(k)G(k)^{T}$$
(10)

所以,當新的量測訊號Z(k)被接收時,透 過先前預估 $\hat{X}(k-1|k-1)$ 及其變異數矩陣的資 料,可預估下一步的狀態,因此新的狀態  $\hat{X}(k|k)$ 與變異數矩陣P(k|k)便獲得更新。

#### 3. 影像處理

將獲得的原始影像藉由影像處理技術進 行前處理, 擷取其特徵的數值資訊加以分析應 用,處理流程如圖一所示。一張 RGB 彩色影像 (Color Image)是一個色彩像素(Color Pixels)的 M×N×3的陣列,其中每一個色彩像素含有 紅、綠、藍成分之三合一的點,對應到彩色影 像,也就是說一張 RGB 的影像可視為三張灰

階影像的堆疊。將原始影像進行灰階轉換,可 將影像的資料量減少為原來的三分之一,提升 運算的效率。對影像上的每個像素及其鄰域像 素與一個對應的係數相乘的總和為影像上該 像素新的響應,若鄰域為 m×n,則需要 m×n 個係數,將其對應係數排列為陣列,我們稱之 為遮罩(Mask)、濾波器(Filter)或窗(Window) 等,圖二為低通濾波器之範例。遮罩的大小為 (2n+1)×(2n+1),n 為正整數,使用濾波器可淡 化影像中的雜訊,使影像較為平滑,但會造成 邊緣或線條特性模糊。影像分割運用臨界值 法,因其具有直覺上的特性及實現的便利性。 欲從影像中分割出其中物體,則可設定一臨界 值 T,即可達到此目的。定義影像中每一像素  $f(x, y) \ge T$ ,稱之為物體點(Object Point),反之 稱為背景點(Background Point),表示為(11) [12]。影像分割的結果如圖三。

$$g(x, y) = \begin{cases} 1, & f(x, y) \ge T \\ 0, & f(x, y) < T \end{cases}$$
(11)



| 1/9 | 1/9 | 1/9 |
|-----|-----|-----|
| 1/9 | 1/9 | 1/9 |
| 1/9 | 1/9 | 1/9 |

圖二 3\*3 低通濾波器遮罩



影像辨識部分運用樣板比對(Template Matching),以一個樣板影像與比對影像,計算 出兩者圖案的交互相關性係數 (Cross-Correlation Coefficient),其計算公式如 (12)[11]所示。樣板比對法對影像中每個像素逐 一做比對;比對影像或物件,因旋轉、縮放或 平移,會影響匹配度的精確性,因此,需將比 對影像進行座標轉換的處理後再加以比對,才 能得到高度的匹配。

$$R_{TS} = \frac{\sum_{i=0}^{K-1} (T_i - m_T) (S_i - m_s)}{\sqrt{\sum_{i=0}^{K-1} (T_i - m_t)^2} \sqrt{\sum_{i=0}^{K-1} (S_i - m_s)^2}}$$
(12)

其中 R<sub>TS</sub>=交互相關性係數(Cross-Correlation Coefficient) T<sub>i</sub>: 樣板影像第 i 點 S<sub>i</sub>: 比對影像第 i 點 m<sub>T</sub>: 樣板影像像素平均值 m<sub>S</sub>: 比對影像像素平均值

#### 4. 資料結合技術

資料結合技術在多目標追蹤環境中是判 斷感測器接收量測資訊與既存目標之軌跡關 係的核心技術,然而感測器時常因複雜的外在 環境及雜訊的干擾,含其它的量測訊號,造成 錯誤的資料結合。本文提出的 CHNN 資料相關 結合技術能有效提升系統判斷量測訊號與既 存目標的準確性,如下所述:

首先定義 Hopfield Neural Network,其為 二維的二值神經網路。假設網路由n\*m相互連 結的神經元組成, $V_{x,i}$ 為神經元(x,i)的狀態,  $T_{xixi}$ 為連結神經元(y,j)與神經元(x,i)間之權 重值(Weights),如圖四所示。



圖四 網路架構中,預估目標與量測訊號示 意圖

在網路中,從神經元(y, j)輸入至神經元(x, i)的權重為 $T_{x,iy,j}V_{y,j}$ 及輸入偏權值 $I_{x,i}$ ,如圖四所示,神經元(x, i)之方程式為

$$U_{x,i} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} T_{x,i;y,j} V_{y,j} + I_{x,i}$$
(13)

其中, V<sub>x</sub>; 狀態為

$$V_{x,j} = \frac{1}{2} \left( sign(U_{x,i}) + 1 \right)$$
(14)

提供非同步的網路更新,二維的 Hopfield Neural Network 的 Lyapunov function[]穩定度為

$$E = -\sum_{x=1}^{n} \sum_{y=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{m} T_{x,i;y,j} V_{x,i} V_{y,j} - 2 \sum_{x=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} I_{x,i} V_{x,i}$$
(15)

每次的更新,使函數值降低,而更新的次數直 到函數收斂至穩定。

假設V<sub>x,j</sub>為x-th雷達量測值和i-th目標之 狀態結合,其中"1"和"0"表示結合與未結 合,所以可定義能量函數E為

$$E = A \sum_{x=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} d_{xi} V_{xi} + B \sum_{x=1}^{n} \sum_{y=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{m} V_{xj} V_{y,j} \delta_{xi} + C \sum_{i=1}^{m} \left( \sum_{x=1}^{n} V_{xj} - 1 \right) + D \sum_{x=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} F_{xi} V_{xi}$$
(16)

其中, $\delta_{x_i}$ 為 Kronecker delta function 。

(16)式中,第一項表示已結合的雷達目標與 量測訊號的距離總和, d<sub>x,i</sub>表示 x-th量測值和 *i*-th目標間的距離。需考慮若沒有量測訊號落 入 Gate 時,則先前的目標資訊應被當作輸入下 個目標的參考資訊。為完成此目的,讓 m 個目 標被包含在量測訊號裡,假設有 m 個目標,則 新獲得的量測訊號為 n - m 個,且 m 個目標排 列於 n - m 個量測訊號前,如圖五所示。



圖五 目標與量測訊號排列示意圖

$$d_{x,i} = \begin{cases} \left[\tau^{T}(k)S(k)^{-1}\tau(k)\right]^{1/2} & \text{if } x \neq i \text{ and } x > m \\ \infty & \text{if } x \neq i \text{ and } 1 \le x \le m \\ \lambda & \text{if } x = i \end{cases}$$
(17)

由(17)式定義 $d_{x,i}$ ,  $d_{x,i}$ 為 Mahalanobis Distance,可由量測訊號的創新量及共變異數 矩陣計算獲得。當x=i時,則 $d_{x,i}=\lambda$ ,  $\lambda$ 為 Gate 的半徑,因此量測訊號落入 Gate 時,量 測訊號中將有一個被選擇,但若沒有量測訊號 落入 Gate,目標將選擇自己當量測訊號。當  $x\neq i$ 且 1 $\leq x \leq m$ ,為不讓目標選擇其它目標為 量測訊號,故定義 $d_{x,i} = \infty$ 。其中創新量 (Innovation) $\tau(k)=Z(k)-H(k)\hat{X}(k|k-1)$ , S(k)為創 新量  $(\tau(k))$ 之共變異數矩陣 (Covariance Matrix)。

(16)式中第二項為每一個量測訊號只能與 一個目標做結合。第三項為每一個目標物只能 擁有一個已結合之量測值。第四項中,F<sub>x,i</sub>為 影像相關係數。指每一個已結合的量測值,則 有一影像數值資訊補償。參數A、B、C、D 在 能量函數是相當重要的,卻也難以決定適當的 值,且相當依賴目標數、目標與量測訊號的距 離。因此,若設定不適當,最終導致傳統的 Hopfield Neural Network 不合理的結果[8]。為 降低其於整個網路的負擔及簡化計算過程,將 使用 Winner-take-all 競爭式更新函數為

$$V_{x,i} = \begin{cases} 1, \text{ if } U_{x,i} = max \{ U_{1,i} \cdots U_{n,i} \} \\ 0, \text{ otherwise} \end{cases}$$
(18)

依此更新法則,將強制每一個目標與一個量測 訊號做結合,所以(16)式中的第三項將被自動 消除。其簡化後方程式如下

$$E = \sum_{x=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} \left( Ad_{x,i} + DF_{x,i} \right) V_{x,i} + B \sum_{x=1}^{n} \sum_{y=1}^{n} \sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{m} V_{x,i} V_{y,j} \delta_{x,y}$$
(19)

比較(15)式與(19)式,可發現

$$I_{xi} = \frac{Ad_{xi} + DF_{xi}}{-2} \tag{20}$$

$$T_{x,i;y,j} = -B \,\delta_{x,y} \tag{21}$$

將(20)式與(21)式代入(13)式,其結果為

$$U_{x,i} = -\sum_{j=1}^{m} BV_{x,j} - \frac{Ad_{x,i} + DF_{x,j}}{2}$$
(22)

經以上之推導,此網路的能量函數不斷循 環運算至收斂穩定,最終可得一組最佳量測訊 號之組合,提供感測器估測之參考值,以進行 下一階段之運算。

#### 5. 變速度追蹤

雷達追蹤系統無法量測目標的加速度,當 目標突然加速,會造成系統運算上的誤差,若 即時不加以修正系統參數,誤差會逐漸擴大, 造成追蹤失敗,所以變速度的檢測及加速度預 估的演算法是必要的。變速度檢測利用目標的 統計創新量,建立一個變速度偵測法則,判斷 目標物是否有作變速度運動,若有作變速度運 動時,可利用適應性程序修正卡門濾波器的參 數,定義如下:

 $\left|\tau_{i}(k)\right| \leq \left|D\sqrt{S_{ii}(k)}\right|, \quad \text{for all } i \quad (23)$ 

其中下標 *i* 指創新量 *c<sub>i</sub>(k)* 第 *i* 個元素, *D* 為高 斯機率密度函數的相關常數, 可由高斯分佈查 表可得。偵測機率為 0.682 時, *D* =1; 偵測機 率為 0.954 時, *D* =2; 偵測機率為 0.998 時, D = 3;  $S_{ii}(k)$ 表示共變異數矩陣(Covariance Matrix)中第 i 行、第 i 列之對角元素。若(23) 式中 $|\tau_i(k)| > |D\sqrt{S_{ii}(k)}|$ ,判定目標發生變速度, 則利用下式修正之:

$$\tau^{2}(k) \{a_{i}(k) \delta_{ii}(k) + R_{ii}(k)\}^{-1} = D^{2}$$
(24)

q(k)可由上式推導得到

$$a_{i}(k) = \frac{[\tau_{i}(k)/D]^{2} - R_{ii}(k)}{\delta_{ii}(k)}$$
(25)

為了使目標追蹤能維持正常,且減少追蹤誤差,預測誤差之變異數矩陣P(k|k-1)必需修正為 $[a_{max}(k)*P(k|k-1)],這<math>a_{max}(k)$ 為 $a_i(k)$ 中之最大值。

運用此方法,對於目標突然的變速度,卡 門增益會適時修正,使追蹤濾波器能有較快的 反應速度。因此,可獲得較佳的追蹤效果。

#### 6. 模擬結果

為了驗證本文提出演算法能有效改善追 蹤的誤差及提高追蹤的準確度,故以 MATLAB 軟體模擬追蹤單目標及多目標並分析其結 果。量測雜訊以隨機亂數產生器模擬高斯白雜 訊(Gaussian White Noise);系統位置雜訊標準 差為 20m,量測位置雜訊標準差為 200m。常 數 A、B、D 設定為:A=1,B=L+1,L 為 Gate 的半徑,D=100。程式執行 100 次 Monte Carlo runs。並以三種演算法比較其模擬追蹤結果, 三種演算法分別如下:

演算法一:本文提出的方法。 演算法二:CHNN 與適應性程序。 演算法三:卡門濾波器與適應性程序。

單目標追蹤:

表一、表二為單目標初始位置和變速度區 間設定。模擬結果之目標軌跡圖如圖六至八所 示。表三為各種演算法結果比較。 雙目標追蹤:

表四、表五為雙目標初始位置和變速度區 間設定。模擬結果之目標軌跡圖如圖九至十一 所示。表六為各種演算法結果比較。

由模擬結果可以證實,本文提出的方法加 入影像處理獲得的數值資訊補償追蹤系統,在 位置誤差有明顯的改善,也獲得較佳的追蹤結 果。

表一 單目標追蹤的初始位置

|        | x(m) | $\dot{x}(m/s)$ | y(m) | y(m/s) |
|--------|------|----------------|------|--------|
| Target | 1000 | 200            | 9000 | 250    |

表二 單目標追蹤變速度區間設定

| step   | 25-45  | 5step  | 60-8                        | 0step  | oth  | ners   |
|--------|--|--|-----------------------------|--|--|--|
| 加速度    | <i>a</i> ( <i>x</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) | <i>a</i> ( <i>y</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) | a(x)<br>(m/s <sup>2</sup> ) | <i>a</i> ( <i>y</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) | <i>a</i> ( <i>x</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) | <i>a</i> ( <i>y</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) |
| Target | 30   | -30  | -30                         | 30   | 0  | 0  |







表三 單目標追蹤結果比較

|      | 位置誤差      | 速度誤差      |
|------|-----------|-----------|
|      | (m,rms)   | (m/s,rms) |
| 演算法一 | 98.0313   | 27.2882   |
| 演算法二 | 122. 9065 | 23.7867   |
| 演算法三 | 150.1198  | 37.7331   |

表四 雙目標追蹤的初始位置

|         | <i>x</i> ( <i>m</i> ) | (m/s) | <i>y</i> ( <i>m</i> ) | y(m/s) |  |
|---------|-----------------------|-------|-----------------------|--------|--|
| Target1 | 1000                  | 200   | 9000                  | -250   |  |
| Target2 | 1000                  | 200   | 5000                  | 250    |  |

| NI LIWENLEDUC |  |                             |  |                             |  |                             |
|---------------|--|-----------------------------|--|-----------------------------|--|-----------------------------|
| step          | 25-45step                                    |                             | 60-80step                                    |                             | others                                       |                             |
| 加速度           | <i>a</i> ( <i>x</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) | a(y)<br>(m/s <sup>2</sup> ) | <i>a</i> ( <i>x</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) | a(y)<br>(m/s <sup>2</sup> ) | <i>a</i> ( <i>x</i> )<br>(m/s <sup>2</sup> ) | a(y)<br>(m/s <sup>2</sup> ) |
| Target1       | 30   | -30                         | -30  | 30                          | 0  | 0                           |
| Target2       | 30   | 30                          | -30  | -30                         | 0  | 0                           |



#### 表五 雙目標追蹤變速度區間設定



圖十 演算法二的雙目標追蹤軌跡



| 表六 雙目標追蹤結果比較 |  |
|--------------|--|
|--------------|--|

|              |         | 位置誤差     | 速度誤差      |
|--------------|---------|----------|-----------|
|              |         | (m,rms)  | (m/s,rms) |
| <b>演算让</b> 一 | Target1 | 95.2948  | 25.9338   |
| <b>澳并</b> 伍  | Target2 | 93.2181  | 25.9644   |
| 演算法二         | Targetl | 119.9430 | 24.9031   |
|              | Target2 | 118.0023 | 25.1190   |
| 演算法三         | Targetl | 155.8445 | 32.7016   |
|              | Target2 | 157.0553 | 32.5849   |

## 7. 結論

本文提出融合影像及數值資訊於多目標 追蹤系統,此演算法的優點為在雷達量測訊號 和目標軌跡間能夠選擇最佳關聯性,並融合影 像數值資訊加強資料庫追蹤的強度。基於模擬 結果,本文提出的演算法性能表現較佳,且在 多目標的環境中能有效的降低追蹤的誤差,完 成目標變速度時之追蹤,驗證本文所推導之追 蹤理論能有效適用於多變速目標環境下的追 蹤。

# 參考文獻

- Hongda Chen, Chang, K,C, "Novel Nonlinear Filtering & Prediction Method for Maneuvering Target Tracking," *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, Volume 45, Issue 1, pp.237 – 249, 2009.
- [2] Punithakumar, K, Kirubarajan, T, Sinha, A, "Multiple-model probability hypothesis density filter for tracking maneuvering targets," *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, Volume 44, Issue 1, pp.87 – 98, 2008.
- [3] Y. Bar-Shalom and T.E. Fortmann, " *Tracking and Data Association*," Academic Press, 1989.
- [4] Sumedh Puranik and Jitendra K. Tugnait, "Tracking of Multiple Maneuvering Targets using Multiscan JPDA and IMM Filtering," *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, Nol. 43, No. 1, pp. 23-35, 2007.
- [5] Yi-Nung Chung, Pao-Hua Chou, Hsin-Ta Chen, and Feng-Pin Chou, "A Dynamic Multiple Sensor for Radar Maneuvering Target Tracking Problems", *Journal of Information Science and Engineering*, Vol. 23, No. 6, pp. 1833-1847, 2007.
- [6] 陳沛琨,胡國昌,鍾翼能,"利用適應性多模預 估器作目標變速度追蹤," **國防科技學術研** 討會, pp.455-460, 2008.
- [7] Chin, L, "Application of Neural Networks in target tracking data fusion, "*IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 30, 281-287, 1994.
- [8] Zhou, B, and Bose, N, K, "A Comprehensive Analysis of Neural Solution to the Multitarget Tracking data association problem," *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, pp.260-263, 1993.

- [9] Yi-Nung Chung, Pao-Hua Chou, and Maw-Rong Yang, and Hsin-Ta Chen, "Mulitple-Target Tracking with Competitive Hopfield Neural Network-based Data Association", *IEEE Trans. Aerosp. Electron. Syst.* Vol. 43, No. 3, pp. 1180-1188, 2007.
- [10] Chung, P, C, Tsai, C, T, Chen, E, L, and Sun, Y, N, "Polygonal Approximation Using A Competitive Hopfield Neural Network," *Pattern Recognition*, 27, 11, pp.1505-1512, 1994.
- [11] 陳沛琨, "應用多感測器資料融合技術於 影像分析及目標追蹤之研究," 國立彰化師 範大學, 電機工程學系, 碩士論文, 2009.
- [12] 謬紹綱譯,數位影像處理,**東華書局**, 2005.